

# Uczenie maszynowe: *wykład 5*

Paweł Cichosz

- 1 Uczenie się przestrzeni wersji (c.d.)
- 2 Reprezentacja modeli za pomocą zbiorów reguł
- 3 Indukcja reguł przez sekwencyjne pokrywanie

## Przykład generalizacji: prostokąty

- Generalizacja przez minimalne rozszerzenie prostokąta reprezentującego  $h$  wystarczające do pokrycia przykładu  $x$ .
- Wynikiem jest jeden model reprezentowany przez prostokąt uzyskany przez minimalne przesunięcie jednego lub dwóch boków na zewnątrz.
- Dla uzyskanego prostokąta konieczna weryfikacja, czy wciąż jest zawarty w prostokącie reprezentującym pewien model z  $G$ .

## Przykład generalizacji: koniunkcje boolowskie

- Generalizacja przez usunięcie tych i tylko tych literałów, które nie są spełnione dla dla przykładu  $x$ .
- Dla uzyskanej koniunkcji konieczna weryfikacja, czy zbiór jej literałów zawiera się w zbiorze literałów koniunkcji reprezentującej pewien model z  $G$  lub jest mu równy.

## Przykład generalizacji: kompleksy

- Generalizacja przez minimalne wystarczające rozszerzenie zbiorów wartości dozwolonych selektorów.
- Dla  $h = \langle s_1, s_2, \dots, s_n \rangle$  wynikiem jest jeden model  $h' = \langle s'_1, s'_2, \dots, s'_n \rangle$  taki, że:

$$V_{s'_i} = V_{s_i} \cup \{a_i(x)\}$$

jeśli spełniony jest warunek  $h' \preceq G$  (w przeciwnym przypadku generalizacja daje wynik pusty).

## Przykład specjalizacji: prostokąty

- Specjalizacja przez minimalne zawężenie prostokąta reprezentującego  $h$  wystarczające do wykluczenia pokrywania przykładu  $x$ .
- Wynikiem jest zbiór wszystkich modeli reprezentowanych przez prostokąty uzyskane przez minimalne przesunięcie jednego z boków do wewnątrz.
- Dla każdego uzyskanego prostokąta konieczna weryfikacja, czy wciąż zawiera prostokąt reprezentujący pewien model z  $S$ .

## Przykład specjalizacji: koniunkcje boolowskie

- Specjalizacja przez dodanie jednego literału niespełnionego dla przykładu  $x$ .
- Wynikiem jest zbiór wszystkich koniunkcji uzyskanych przez dodanie literału  $a_i$  jeśli  $a_i(x) = 0$  albo  $\neg a_i$  jeśli  $a_i(x) = 1$ .
- Dla uzyskanych koniunkcji konieczna weryfikacja, czy zbiór jej literałów zawiera zbiór literałów koniunkcji reprezentującej pewien model z  $S$  lub jest mu równy.

## Przykład specjalizacji: kompleksy

- Specjalizacja przez minimalne wystarczające zawężenie zbioru wartości dozwolonych jednego selektora.
- Dla  $h = \langle s_1, s_2, \dots, s_n \rangle$  wynikiem jest *zbiór* wszystkich modeli  $h'_i = \langle s_1, \dots, s'_i, \dots, s_n \rangle$  różniących się od  $h$  wyłącznie jednym selektorem  $s'_i$ , dla którego:

$$V_{s'_i} = V_{s_i} - \{a_i(x)\}$$

jeśli modele te spełniają warunek  $h' \succeq S$  (w przeciwnym przypadku model  $h'_i$  nie wchodzi w skład wynikowego zbioru modeli).

- Jeśli  $V_{s_i} = \{a_i(x)\}$ , to  $V_{s'_i} = \emptyset$  i  $h'_i = \langle \emptyset \rangle$ , a więc oczywiście  $h' \not\succeq S$  gdy  $S \neq \{\langle \emptyset \rangle\}$ .



## Przykład CAE: figury geometryczne

| $x$ | <i>rozmiar</i> | <i>kolor</i>     | <i>kształt</i> | $c$ |
|-----|----------------|------------------|----------------|-----|
| 1   | <i>duży</i>    | <i>czerwony</i>  | <i>koło</i>    | 1   |
| 2   | <i>mały</i>    | <i>czerwony</i>  | <i>kwadrat</i> | 0   |
| 3   | <i>mały</i>    | <i>czerwony</i>  | <i>koło</i>    | 1   |
| 4   | <i>duży</i>    | <i>niebieski</i> | <i>koło</i>    | 0   |

$$G = \{\langle ? \rangle\}, S = \{\langle \emptyset \rangle\}$$

## Przykład CAE: figury geometryczne

| $x$ | <i>rozmiar</i> | <i>kolor</i>     | <i>kształt</i> | $c$ |
|-----|----------------|------------------|----------------|-----|
| 1   | <i>duży</i>    | <i>czerwony</i>  | <i>koło</i>    | 1   |
| 2   | <i>mały</i>    | <i>czerwony</i>  | <i>kwadrat</i> | 0   |
| 3   | <i>mały</i>    | <i>czerwony</i>  | <i>koło</i>    | 1   |
| 4   | <i>duży</i>    | <i>niebieski</i> | <i>koło</i>    | 0   |

$G = \{\langle ? \rangle\}, S = \{\langle \emptyset \rangle\}$

- 1  $G = \{\langle ? \rangle\}, S = \{\langle du, cze, ko \rangle\}$
- 2  $G = \{\langle \acute{s}r \vee du, ?, ? \rangle, \langle ?, ?, ko \vee tr \rangle\}, S = \{\langle du, cze, ko \rangle\}$
- 3  $G = \{\langle ?, ?, ko \vee tr \rangle\}, S = \{\langle ma \vee du, cze, ko \rangle\}$
- 4  $G = \{\langle ?, cze \vee zie, ko \vee tr \rangle\}, S = \{\langle ma \vee du, cze, ko \rangle\}$

## Zastosowanie przestrzeni wersji do predykcji

**Użycie jednego modelu:** wprowadzenie obciążenia w celu wyboru jednego spośród spójnych modeli – np. maksymalnie ogólny, maksymalnie szczegółowy, jednakowo „odległy” od ograniczenia ogólnego i szczegółowego, najprostszy syntaktycznie (sprawdzający najmniejszą liczbę atrybutów) itp.

**Użycie wszystkich modeli:** wyznaczenie  $h(x)$  dla wszystkich modeli z przestrzeni wersji, następnie głosowanie.

**Możliwość aktywnego uczenia się:** jeśli uczeń może zadawać zapytania o prawdziwe klasy przykładów, to najkorzystniej zapytać o przykład pokrywany przez ok. połowę modeli z aktualnej przestrzeni wersji (poznanie jego klasy zmniejszy przestrzeń wersji o ok. połowę).

## Podsumowanie uczenia się przestrzeni wersji

- Kamień milowy w rozwoju uczenia maszynowego: sformułowanie uczenia się jako przeszukiwania.
- Dwukierunkowe przeszukiwanie przestrzeni modeli (od maksymalnie ogólnych do maksymalnie szczegółowych, od maksymalnie szczegółowych do maksymalnie ogólnych) bez pomijania jakiegokolwiek modelu spójnego.
- Zbyt duża złożoność dla bogatych przestrzeni modeli (eksplozja zbiorów  $G$  i  $S$ ).
- Brak modeli spójnych dla ubogich przestrzeni modeli (pusty wynik).
- Konieczne dostosowanie do wymogów praktycznych:
  - zawężenie zakresu przeszukiwania (np. tylko jeden kierunek, rozważane tylko wybrane modele),
  - tolerowanie niespójności.

- 1 Uczenie się przestrzeni wersji (c.d.)
- 2 Reprezentacja modeli za pomocą zbiorów reguł
- 3 Indukcja reguł przez sekwencyjne pokrywanie

## Reguły

Rozszerzenie reprezentacji za pomocą kompleksów:

- zamiast ubogiej reprezentacji koniunkcyjnej bogata reprezentacja DNF (alternatywa koniunkcji),
- zamiast klasyfikacji binarnej klasyfikacja wieloklasowa.

Reguła:  $\mathbf{k} \rightarrow d$ .

część warunkowa: kompleks  $\mathbf{k}$ ,

część decyzyjna: klasa  $d$ .

**Pokrywanie:** reguła  $\mathbf{k} \rightarrow d$  pokrywa przykład  $x$ , gdy jej część warunkowa pokrywa (jest spełniona przez) przykład  $x$ , co będzie zapisywane  $\mathbf{k} \triangleright x$ .

**Zbiór przykładów pokrywanych:** dla dowolnego  $D \subseteq X$  i kompleksu  $\mathbf{k}$  oraz zbioru kompleksów  $K$ :

$$D_{\mathbf{k}} = \{x \in D \mid \mathbf{k} \triangleright x\}$$

$$D_K = \{x \in D \mid (\exists \mathbf{k} \in K) \mathbf{k} \triangleright x\}$$

## Zbiór reguł

**Model:** zbiór reguł, który może zawierać wiele reguł dla tej samej klasy (wówczas ich koniunkcyjne części warunkowe traktuje się jak połączone domyślną alternatywą):

**nieuporządkowany:** każda reguła stosowana niezależnie od pozostałych – wymaga rozstrzygnięcia sposób wyznaczania przewidywanej klasy dla przykładów niepokrywanych przez żadną regułą lub pokrytych przez dwie lub więcej reguł o różnych klasach,

**uporządkowany:** każda reguła stosowana tylko dla przykładów niepokrytych przez wcześniejsze reguły – ostatnia reguła określa klasę domyślną, brak możliwości konfliktu reguł o różnych klasach.

**Wymiar VC:** równy liczbie wszystkich możliwych różnych wektorów wartości atrybutów dla atrybutów dyskretnych – ryzyko nadmiernego dopasowania.

- 1 Uczenie się przestrzeni wersji (c.d.)
- 2 Reprezentacja modeli za pomocą zbiorów reguł
- 3 Indukcja reguł przez sekwencyjne pokrywanie



# Schemat sekwencyjnego pokrywania

- 1  $\mathbb{R} := \emptyset;$
- 2  $R := T;$
- 3 **jak długo**  $R \neq \emptyset:$ 
  - 1  $\mathbf{k} := \text{kompleks}(R, T);$
  - 2  $d := \text{klasa}(\mathbf{k}, R, T);$
  - 3  $\mathbb{R} := \mathbb{R} \cup \{\mathbf{k} \rightarrow d\};$
  - 4  $R := R - R_{\mathbf{k}}.$

## Schemat sekwencyjnego pokrywania

- Wymagana konkretyzacja:
  - kompleks*: znalezienie kompleksu pokrywającego możliwie wiele przykładów ze zbioru  $R$  (dotychczas niepokrytych) z możliwie dużą dokładnością (jednolitą bądź wyraźnie dominującą klasą),
  - klasa*: wybór klasy dla przykładów pokrywanych przez znaleziony kompleks (klasa dominująca).
- Znajdowanie kompleksu zwykle realizowane przez *specjalizację* – przeszukiwanie od maksymalnie ogólnych do maksymalnie szczegółowych.

## Specjalizacja kompleksów

- Operacja podobna do wyznaczania przestrzeni wersji za pomocą algorytmu CAE, lecz:
  - wprowadzone obciążenie: preferencja dla kompleksów maksymalnie ogólnych,
  - wyznaczone tylko ograniczenie ogólne (zbiór  $G$ ),
  - poszukiwane maksymalnie ogólne kompleksy pokrywające wyłącznie lub w większości przykłady jednej klasy,
  - eliminowanie pokrywania przykładów innych klas przez stosowanie operacji specjalizacji.
- W celu ograniczenia złożoności zwykle zbiór  $G$  przycinany do ograniczonego podzbioru najlepszych kompleksów.
- Najlepszy znaleziony kompleks wykorzystywany do utworzenia reguły.
- Niezbędna funkcja oceny jakości.
- Różne szczegółowe algorytmy.